

● **Exercice 6:** Le circuit³ de la figure 1 permet de générer les tensions v_r , v_v et v_b nécessaires pour piloter un écran video couleur de type VGA à l'aide d'un circuit numérique. Les trois variables logiques r_2, r_1, r_0 sont utilisées pour générer la tension v_r indiquant le niveau de rouge d'un point de l'écran, les trois variables logiques v_2, v_1, v_0 sont utilisées pour générer la tension v_v indiquant le niveau de vert et les deux variables logiques b_1, b_0 sont utilisées pour générer la tension v_b indiquant le niveau de bleu. Combien y a t-il de niveaux différents de rouge, de vert et de bleu ? Combien y a t-il de couleurs différentes ?

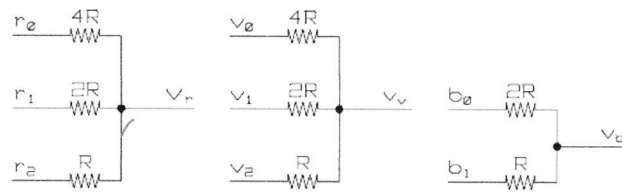


Figure 1: circuit étudié dans l'exercice 6.

³Voir Digilent Basys Board Reference Manual, <http://www.digilentint.com/basys>

$$r_2, r_1, r_0 \rightarrow 3 \text{ bits} \quad 2^3 = 8 \text{ cas}$$

$$v_2, v_1, v_0 \rightarrow 3 \text{ bits} \quad 2^3 = 8 \text{ cas}$$

$$b_1, b_0 \rightarrow 2 \text{ bits} \quad 2^2 = 4 \text{ cas}$$

$\rightarrow$ au global 8 bits $\rightarrow 2^8 = 256$ couleurs différentes
par pixel

cf wikipedia VGA mode graphique standard $320 \times 200 \times 8$ ou
 (MCGA pour intime...) mode 13h

● **Exercice 7:** Le circuit intégré LM74 de National Semiconductor⁴ contient un capteur linéaire de température relié à un convertisseur analogique-numérique. Ceci lui permet de fournir à un micro-contrôleur une mesure de température codée en binaire en notation en complément à 2 sur 13 bits. Le pas de quantification est de 0.0625°C . Ainsi, une température de 0°C fournira le nombre 0, tandis qu'une température de 0.5°C fournira le nombre 8.

1. Quels sont les codes binaires délivrés par ce capteur pour des températures de $+25^{\circ}\text{C}$, $+150^{\circ}\text{C}$, -25°C et -55°C ?
2. Quelles sont les températures minimales et maximales qui peuvent être codées de cette façon ? L'étendue de mesure de ce capteur va de -55°C à $+150^{\circ}\text{C}$. Justifier la nécessité de coder les résultats de mesure sur 13 bits.

⁴Voir la notice technique "LM74 SPI/Microwire 12-bit plus sign temperature sensor" de National Semiconductor, mai 2005.

notation 2 sur 13 bits $2^{12} = 4096$

$$\Delta = 0,0625^{\circ}\text{C} \quad \rightarrow \quad Z = \frac{\theta}{\Delta} = 16 \times \theta (^{\circ}\text{C})$$

$\theta ^{\circ}\text{C}$	+25	+150	-25	-55
Z	400	2400	-400	-880

+25°C $\rightarrow Z = 400 = 16^2 \times 1 + 16 \times 9 + 0 = (190)_{16} = (\overbrace{0001}^1 \overbrace{1001}^9 \overbrace{0000}^0)_2$

$\rightarrow (0 \overbrace{0001} \overbrace{1001} \overbrace{0000})_{2/13}$
 $\rightarrow 0$ 13 bits

+150°C $\rightarrow Z = 16 \times 150 = 2400 = (960)_{16} = (1001 \ 0110 \ 0000)_2$

$\rightarrow (0 \ 1001 \ 0110 \ 0000)_{2/13}$
 $\rightarrow 0$ 13 bits

-25°C $\rightarrow Z = -400 < 0$

on utilise la même représentation que celle de

$$-400 + 4096 = +(3696)_{10} = (E70)_{16}$$

$$= (1110 \ 0111 \ 0000)_2$$

$\rightarrow (1 \ 1110 \ 0111 \ 0000)_{2/13}$
 $\rightarrow 0$

codage

● **Exercice 8:** Donner les codes DCB des nombres $(617)_{10}$ et $(9241)_{10}$. Compter le nombre de bits nécessaires pour le codage de ces nombres et comparer ces valeurs aux nombres de bits de leurs représentations binaires.

$$\begin{aligned}
 (617)_{10} &= (269)_{16} = \left(\overbrace{0010}^2 \overbrace{0110}^6 \overbrace{1001}^9 \right)_2 && \rightarrow 10 \text{ bits indispensables} \\
 &= \left(\overbrace{0110}^6 \overbrace{0001}^1 \overbrace{0111}^7 \right)_{DCB} && \rightarrow 11 \text{ bits indispensables} \\
 &&& \text{mais 12 par le format 3 chiffres}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (9241)_{10} &= (2419)_{16} = \left(\overbrace{0010}^2 \overbrace{0010}^4 \overbrace{0000}^1 \overbrace{1001}^9 \right)_2 && \rightarrow 14 \text{ chiffres} \\
 &= \left(\overbrace{1001}^9 \overbrace{0010}^2 \overbrace{0100}^4 \overbrace{0001}^1 \right)_{DCB} && \rightarrow 16 \text{ chiffres}
 \end{aligned}$$

pour coder $(617)_{10}$, il faut $E \left[\frac{\log(617)}{\log(2)} \right] + 1 = 10 \text{ bits} < 3 \times 4 = 12$

$(9241)_{10}$ $E \left[\frac{\log(9241)}{\log(2)} \right] + 1 = 14 \text{ bits} < 4 \times 4 = 16$

le code décimal codé binaire DCB occupe plus de place

● **Exercice 9:** Compléter toutes les cases du tableau de la figure 2.

représentation (ou code)			
décimale	binaire	hexadécimale	DCB
15	1111 (2^4-1)	F	0001 0011
22	10110	(16) ₁₆ 16+6	0010 0010
26 16+10	$16^2 10^2$ 11010	1A	0010 0110
29	$16^2 4$ 11101	1D 16+3	0010 1001

Figure 2: Tableau de comparaison des différentes représentations de nombres entiers naturels.